

Yaoundé le 16 mai 2023

## Concours d'entrée en première année

### EXERCICE 1 : RADIOACTIVITÉ. 6 POINTS.

#### 1. Désintégration du radium 226.

**1.1.** Le noyau de radium  ${}^{226}_{88}\text{Ra}$  se désintègre spontanément en donnant un noyau de radon  ${}^{222}_{86}\text{Rn}$  lui-même radioactif. Cette désintégration s'accompagne de l'émission d'un rayonnement  $\gamma$  de longueur d'onde  $6,54 \times 10^{-12}$  m.

1.1.1. Ecrire l'équation bilan de la réaction de désintégration du radium 226 et préciser le type de radioactivité. **0,75pt**

1.1.2. Expliquer la présence du rayonnement  $\gamma$  émis lors de la désintégration du radium. Quelle information fournit-elle sur le noyau fils ? **0,50pt**

**1.2.** Déterminer l'énergie libérée par la désintégration d'un noyau de radium, on la notera E et on l'exprimera en joules. **1,00pt**

**1.3.** L'activité d'un gramme de radium est égale à  $A = 3,70 \times 10^{10}$  Bq.

1.3.1. Déterminer le nombre N de noyaux de radium présents dans l'échantillon de 1,00 g. **0,50pt**

1.3.2. Calculer le temps de demi-vie T du radium, en années. **0,50pt**

1.3.3. Au bout de combien de temps les  $\frac{3}{4}$  des noyaux de radium seront-ils désintégrés ?

**0,75pt**

#### 2. Désintégration du phosphore.

*Le phosphore 30, produit artificiellement, se transforme spontanément par désintégration  $\beta^+$  en silicium 30 ( ${}^{30}_{14}\text{Si}$ ), noyau obtenu directement dans son état fondamental.*

**2.1.** Pourquoi dit-on que le phosphore 30 est isotope du phosphore 31 ? **0,50pt**

**2.2.** Ecrire l'équation bilan de la désintégration du phosphore 30. **0,50pt**

**2.3.** Y a-t-il émission d'un rayonnement lors de la désintégration du phosphore 30 ? Justifier.

**1,00pt**

Données :

Noyau	${}^{226}_{88}\text{Ra}$	${}^{222}_{86}\text{Rn}$	${}^4_2\text{He}$	Neutron	Proton
Masse en u	225,9791	221,9703	4,00150	1,008665	1,007276

- Unité de masse atomique :  $1 \text{ u} = 1,66606 \times 10^{-27} \text{ kg}$

- 1 an  $\approx 365,25$  jours ; célérité de la lumière dans le vide :  $c = 3,00 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$

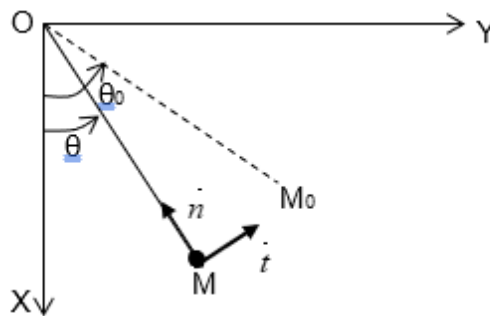
- Constante d'Avogadro :  $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$

- Masse molaire du radium :  $M = 226,0 \text{ g.mol}^{-1}$

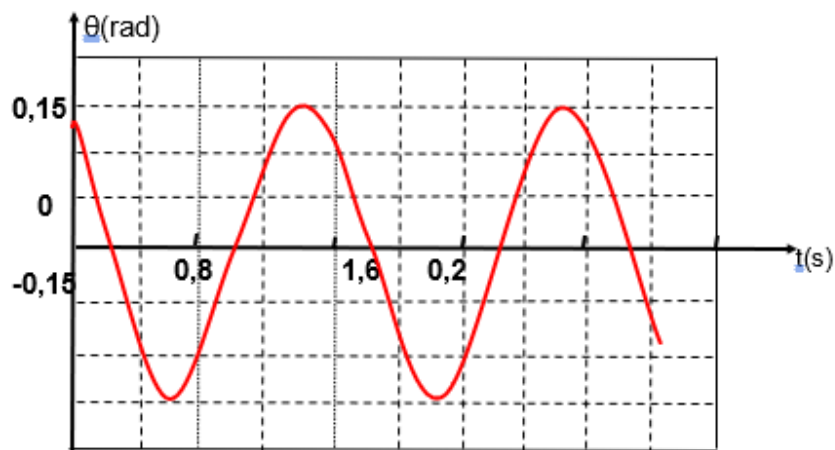
**EXERCICE 2 : SYSTÈMES OSCILLANTS. 5 POINTS**

Un pendule est constitué d'un objet ponctuel M de masse m suspendu à un fil inextensible de longueur  $\ell$ . On le lâche avec vitesse initiale de la position  $\theta_0$ . Les oscillations prennent naissance et s'effectuent dans le plan XOY, la position du pendule à l'instant t est repérée par l'angle  $\theta = (\overrightarrow{OX}; \overrightarrow{OM})$ . On néglige les frottements.

1. Faire l'inventaire des forces qui s'exercent sur M à l'instant t et les représenter. **0,50pt**
2. Énoncer la deuxième loi de Newton sur le mouvement. **0,75pt**
3. Dans la base de Frenet  $(\vec{t}, \vec{n})$  établir l'équation différentielle du mouvement de ce pendule simple en fonction de  $\ddot{\theta}$  (accélération angulaire), g (intensité du champ de pesanteur),  $\ell$  (longueur du pendule) et de  $\sin \theta$ . **1,00pt**



4. Le schéma ci-dessous représente l'enregistrement des oscillations de ce pendule simple.

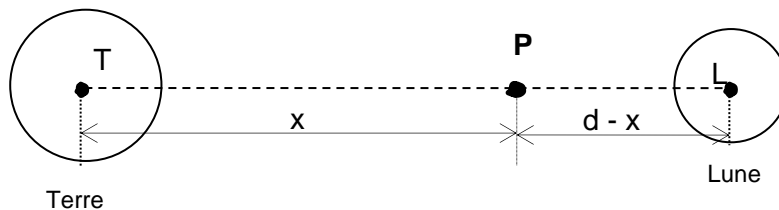


- 4.1. Montrer que ce pendule simple est un oscillateur harmonique. **0,50pt**
- 4.2. Déterminer :
  - 4.2.1. La période puis la pulsation  $\omega = \frac{2\pi}{T}$ . **0,50pt**
  - 4.2.2. L'amplitude des oscillations. **0,50pt**
  - 4.2.3. L'élongation à la date  $t = 0$  s. **0,50pt**
  - 4.2.4. La vitesse angulaire initiale  $\dot{\theta}_0$  à la date  $t = 0$  s. **0,75pt**

**EXERCICE 3 : CHAMP GRAVITATIONNEL. 4 POINTS.**

On voudrait déterminer le point d'équigravité entre la Terre et la Lune ; c'est-à-dire le point P où les vecteurs champs de gravitation terrestre  $\vec{g}_T(P)$  et lunaire  $\vec{g}_L(P)$  se compensent.

1. Reproduire le schéma ci-dessous dans une échelle raisonnable et représenter les lignes de champ gravitationnel terrestre et lunaire. **1,00pt**



2. Donner l'expression respective du module de ces champs au point P : **1,00pt**

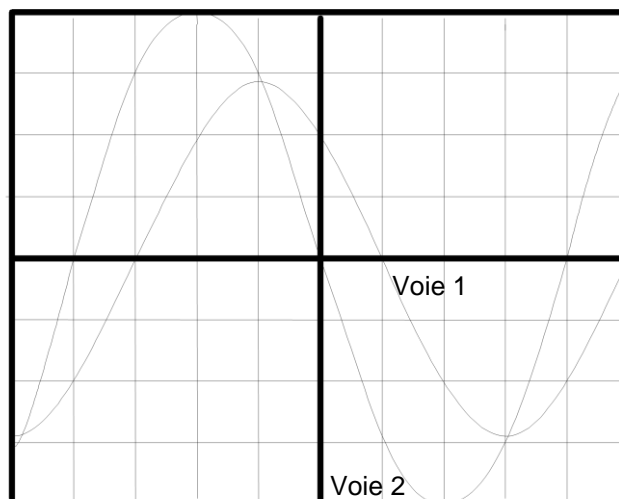
$g_T(P) = f(M_T, x, G)$ ;  $g_L(P) = f(M_L, d, x, G)$  où G est la constante de gravitation,  $M_T$  la masse de la Terre,  $M_L$  la masse de la Lune.

3. Déterminer la position du point d'équigravité par rapport à la Terre ; x. **2,00pt**

Données :  $G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}$ ;  $M_T = 6 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ ;  $M_L = 7,3 \cdot 10^{22} \text{ kg}$ ;  $d_{\text{Terre-Lune}} = d = 384.400 \text{ km}$

**EXERCICE 4 : OSCILLATIONS ÉLECTRIQUES. 5 POINTS.**

Un générateur basses fréquences (GBF) alimente un dipôle RLC constitué d'un conducteur ohmique de résistance  $R = 100 \Omega$ , d'une bobine (L, r) et d'un condensateur de capacité  $C = 4,1 \mu\text{F}$ , montés en série. On désire visualiser la tension,  $u(t) = U_m \sin(100\pi t + \pi)$ , aux bornes du dipôle et l'intensité du courant qui circule dans celui-ci, à l'aide d'un oscilloscope bicourbe.



**1.** Faire le schéma du montage expérimental à réaliser. **1,00pt**

**2.** On observe alors les oscillogrammes ci-dessus, avec les réglages suivants :

- coefficient de balayage :  $0,25 \text{ ms.div-1}$  ;

- sensibilité verticale :

- $1 \text{ V.div-1}$  pour la voie 1 ;
- $2 \text{ V.div-1}$  pour la voie 2.

Voie 1 : tension aux bornes du conducteur ohmique de résistance  $R$ .

Voie 2 : tension aux bornes du dipôle RLC.

**2.1.** Déterminer la fréquence du courant. **1,00 pt**

**2.2.** Calculer la phase de l'intensité  $i(t)$  par rapport à la tension  $u(t)$ . **0,50 pt**

**2.3.** Ecrire l'expression de l'intensité instantanée du courant. **0,50 pt**

**2.4.** Déterminer les caractéristiques  $r$  et  $L$  de la bobine. **2,00 pt**

Fin de l'épreuve.